

# OLYMPIADES ACADEMIQUES DE MATHEMATIQUES

SESSION 2005

CLASSE DE PREMIERE

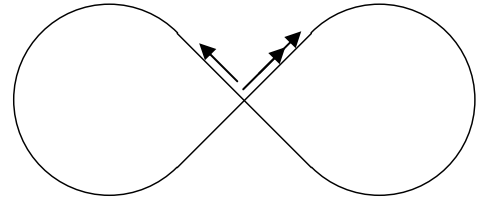
DUREE : 4 heures

*Les quatre exercices sont indépendants.*

*Les calculatrices sont autorisées.*

## **EXERCICE 1. Le lièvre et la tortue.**

La piste du champiodrome a la forme suivante : deux arcs formant les trois quarts d'un cercle, raccordés par les deux diagonales d'un carré, ces deux diagonales se coupant en un carrefour.



Au même instant, une tortue et un lièvre partent du carrefour, empruntant deux diagonales différentes menant à deux arcs de cercle différents (sur le dessin, une flèche pour la tortue, deux flèches pour le lièvre).

Les deux animaux courent à vitesse constante, et la tortue met 363 secondes pour parcourir la distance parcourue par le lièvre en 1 seconde.

Après 2005 rencontres (dépassements sur la piste ou croisements au carrefour) hormis le départ, le lièvre abandonne.

Combien de fois avait-il croisé la tortue au carrefour ?